

0187 중 서술형

다음에 답하여라.

- (1) $(x-1)^9$ 을 x 로 나누었을 때의 나머지를 구하여라.
- (2) (1)의 결과를 이용하여 74^9 을 75로 나누었을 때의 나머지를 구하여라.

0188 상

2^{1111} 을 17로 나누었을 때의 나머지는?

- ① 5 ② 6 ③ 7
- ④ 8 ⑤ 9

유형 13 인수정리: 일차식으로 나눌 때 집중공략 개념 02·3

0189 대표문제

다항식 x^4+mx^3+nx+4 가 $x+2$, $x-1$ 로 각각 나누어떨어질 때, 상수 m , n 에 대하여 $m-n$ 의 값은?

- ① 13 ② 14 ③ 15
- ④ 16 ⑤ 17

0190 하

다항식 x^3+ax^2-4 가 $x-2$ 를 인수로 가질 때, 상수 a 의 값은?

- ① -3 ② -1 ③ 0
- ④ 1 ⑤ 3

0191 중 서술형

다항식 $2x^3+kx^2-k^2x+10$ 이 $x-1$ 로 나누어떨어지도록 하는 모든 상수 k 의 값의 합을 구하여라.

0192 중

다항식 $P(x)=x^3-2x^2+ax-3$ 에 대하여 $P(x+2)$ 가 $x+1$ 로 나누어떨어질 때, 상수 a 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3
- ④ 4 ⑤ 5

0193 상

x^3 의 계수가 1인 삼차식 $P(x)$ 에 대하여 $P(1)=1$, $P(2)=2$, $P(3)=3$ 일 때, $P(x)$ 를 $x-4$ 로 나누었을 때의 나머지를 구하여라.

유형 14 인수정리: 이차식으로 나눌 때 개념 02·3

0194 대표문제

다항식 x^3-3x^2+ax+b 가 x^2+x-2 로 나누어떨어질 때, 상수 a , b 에 대하여 $a-b$ 의 값은?

- ① -14 ② -12 ③ -10
- ④ -8 ⑤ -6

0195 **중** 서술형

다항식 x^3+x^2+ax+b 가 $(x-1)(x+3)$ 으로 나누어떨어질 때, 이 다항식을 $x+2$ 로 나누었을 때의 나머지를 구하여라.
(단, a, b 는 상수이다.)

0196 **상**

이차식 $P(x)$ 에 대하여 $P(1-x)$ 를 $x-1$ 로 나누었을 때의 나머지가 -4 이고, $xP(x)+x^2$ 은 x^2-4 로 나누어떨어진다. 이때 $P(1)$ 의 값은?

- ① -5 ② -4 ③ -3
④ -2 ⑤ -1

유형 15 **조립제법** 개념 02 · 3

0197 **대표문제**

x 에 대한 다항식 x^3+ax^2-x+b 를 k

1	a	-1	b
	c	d	18
1	5	9	20

 $x-2$ 로 나누었을 때의 몫과 나머지를 오른쪽과 같이 조립제법을 이용하여 구하려고 한다. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $a=3$ ② $b=2$ ③ $c=2$
④ $d=10$ ⑤ $k=-2$

0198 **중**

오른쪽은 조립제법을 이용하여 다항식 a

2	-3	3	1
	1	c	1
2	b	2	d

 $2x^3-3x^2+3x+1$ 을 $2x-1$ 로 나누었을 때의 몫과 나머지를 구하는 과정이다. 다음에 답하여라.

- (1) $a+b+c+d$ 의 값을 구하여라.
(2) 몫을 구하여라.

0199 **중**

x 에 대한 다항식 ax^2+bx+c 를 $-\frac{2}{3}$

a	b	c
	\square	\square
p	q	r

 $3x+2$ 로 나누었을 때의 몫과 나머지를 오른쪽과 같이 조립제법을 이용하여 구하였다. 이때 몫과 나머지를 차례대로 적은 것은?

- ① $px+q, r$ ② $\frac{1}{3}px+\frac{1}{3}q, \frac{1}{3}r$
③ $\frac{1}{3}px+\frac{1}{3}q, r$ ④ $3px+3q, r$
⑤ $3px+3q, 3r$

유형 16 **조립제법을 이용하여 항등식의 미정계수 구하기** 개념 02 · 3

0200 **대표문제**

모든 실수 x 에 대하여 등식 $x^3+x^2+x+4=a(x+1)^3+b(x+1)^2+c(x+1)+d$ 가 성립할 때, 상수 a, b, c, d 에 대하여 $abcd$ 의 값을 구하여라.

0201 중 서술형

다항식 $P(x) = x^3 - 4x^2 + 7x - 2$ 에 대하여 다음에 답하여라.

- (1) $P(x) = a(x-2)^3 + b(x-2)^2 + c(x-2) + d$ 가 x 에 대한
 항등식일 때, 상수 a, b, c, d 의 값을 구하여라.
 (2) (1)의 결과를 이용하여 $P(2.1)$ 의 값을 구하여라.

0202 상

x 의 값에 관계없이 등식

$8x^3 - 8x^2 - 4x + 6 = a(2x-1)^3 + b(2x-1)^2 + c(2x-1) + d$
 가 성립할 때, 상수 a, b, c, d 에 대하여 $ab - cd$ 의 값을 구하
 여라.

유형 17 인수분해 공식을 이용한 다항식의 인수분해 개념 02 · 4

0203 대표문제

다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $a^3 + 3a^2 + 3a + 1 = (a+1)^3$
 ② $x^3 - 9x^2y + 27xy^2 - 27y^3 = (x-3y)^3$
 ③ $x^3 - 8 = (x+2)(x^2 - 2x + 4)$
 ④ $x^3 - 5x^2 + 6x = x(x-2)(x-3)$
 ⑤ $a^4 + a^2b^2 + b^4 = (a^2 + ab + b^2)(a^2 - ab + b^2)$

0204 중

$(x^2 - y^2 + z^2)^2 - 4x^2z^2$ 을 인수분해하여라.

0205 중

다음 중 옳은 것은?

- ① $a^2 - (b-c)^2 = (a+b-c)(a-b-c)$
 ② $x^3 + 27 = (x+3)(x^2 - 6x + 9)$
 ③ $x^6 - y^6 = (x+y)(x-y)(x^2 - xy + y^2)(x^2 + xy + y^2)$
 ④ $(a-2b)^3 - 27b^3 = (a-5b)(a^2 + ab + 7b^2)$
 ⑤ $x^3 - 8y^3 + z^3 + 6xyz$
 $= (x-2y+z)(x^2 + 4y^2 + z^2 - 2xy - 2yz + zx)$

0206 중

다음 중 $a^6 + 2a^3 - a^4 - 2a^2$ 의 인수인 것은?

- ① $a^3 + 1$ ② $a^3 + 2$ ③ $a^3 + a + 1$
 ④ $a^3 + a + 2$ ⑤ $a^3 + a^2 + 2$

유형 18 공통부분이 있는 다항식의 인수분해 집중공략 개념 02 · 5

0207 대표문제

다음 중 $(x-4)(x-3)(x+1)(x+2) - 24$ 의 인수인 것은?

- ① $x+3$ ② $x+2$ ③ x^2
 ④ $x^2 + 2x - 11$ ⑤ $x^2 - 2x - 11$

0208 중

다항식 $(x^2 - x + 1)(x^2 - x - 7) + 15$ 를 인수분해하면
 $(x+1)(x+a)(x^2 + bx + c)$ 일 때, 상수 a, b, c 에 대하여
 $a+b+c$ 의 값을 구하여라.

0209 **중** 서술형

다항식 $(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)+k$ 가 x 에 대한 이차식의 완전제곱식으로 인수분해될 때, 상수 k 의 값을 구하여라.

유형 19 x^4+ax^2+b 꼴의 다항식의 인수분해 개념 02·5

0210 **대표문제**

다항식 x^4-26x^2+25 를 인수분해하면 $(x-a)(x-b)(x-c)(x-d)$ 이다. 상수 a, b, c, d 에 대하여 $a < b < c < d$ 일 때, $bc-ad$ 의 값을 구하여라.

0211 **하**

$x^4-32x^2+256=(x+a)^2(x+b)^2$ 일 때, 상수 a, b 에 대하여 $a-b$ 의 값은? (단, $a > b$)

- ① 4 ② 8 ③ 16
④ 32 ⑤ 64

0212 **중**

다항식 $x^4-11x^2y^2+25y^4$ 을 인수분해하면 $(x^2+axy+by^2)(x^2-axy+by^2)$ 일 때, 유리수 a, b 에 대하여 a^2+b^2 의 값은?

- ① 10 ② 13 ③ 17
④ 20 ⑤ 26

0213 **상**

$(x+1)^4-7(x+1)^2(x-1)^2+(x-1)^4$ 을 인수분해하여라.

유형 20 여러 개의 문자를 포함한 다항식의 인수분해 개념 02·5

0214 **대표문제**

다항식 $2x^2+5xy-3y^2+3x-5y-2$ 를 인수분해하면 $(ax+by-1)(x+cy+2)$ 일 때, 상수 a, b, c 에 대하여 $a-b+c$ 의 값을 구하여라.

0215 **하**

다음 중 $a^2b+b^2c-b^3-ca^2$ 의 인수가 아닌 것은?

- ① $a-b$ ② $b-c$ ③ $a+b$
④ $b+c$ ⑤ $(a+b)(a-b)$

0216 **중** 서술형

다항식 $x^2+2xy-3y^2+ax+4y+4$ 가 x, y 에 대한 두 일차식의 곱으로 인수분해될 때, 정수 a 의 값을 구하여라.

유형 21 순환하는 꼴의 다항식의 인수분해 개념 02 · 5

0217 대표문제

$a^2(b+c)+b^2(c+a)+c^2(a+b)+2abc$ 를 인수분해하면?

- ① $(a-b)(b-c)(c-a)$
- ② $(a-b)(b-c)(c+a)$
- ③ $(a+b)(b-c)(c-a)$
- ④ $(a+b)(b+c)(c-a)$
- ⑤ $(a+b)(b+c)(c+a)$

0218 중

세 실수 a, b, c 에 대하여

$$[a, b, c] = a^2(b-c)$$

라 할 때, $[a, b, c] + [b, c, a] + [c, a, b]$ 를 인수분해하여라.

0219 상

$\frac{xy(x-y) + zx(z-x) + yz(y-z)}{(x-y)(y-z)(x-z)}$ 의 값을 구하여라.

(단, $x \neq y, y \neq z, z \neq x$)

유형 22 인수정리를 이용한 다항식의 인수분해 개념 02 · 5

집중
공략

0220 대표문제

다항식 $x^3 - 10x^2 + 19x + 30$ 을 인수분해하면

$(x+a)(x+b)(x+c)$ 일 때, 상수 a, b, c 에 대하여

$a^2 + b^2 + c^2$ 의 값을 구하여라.

0221 하

다항식 $P(x) = x^3 + 2x^2 + ax - 6$ 이 $x-2$ 를 인수로 가질 때, $P(x)$ 를 인수분해하여라. (단, a 는 상수이다.)

0222 중

$x^3 + (2a-1)x^2 - 2(a+1)x - 4a$ 의 인수인 것만을 보기에서 있는 대로 고른 것은?

(보기)

- | | |
|-----------|-----------|
| ㄱ. $x-2a$ | ㄴ. $x+2a$ |
| ㄷ. $x-1$ | ㄹ. $x-2$ |

- ① ㄱ, ㄷ
- ② ㄱ, ㄹ
- ③ ㄴ, ㄷ
- ④ ㄴ, ㄹ
- ⑤ ㄴ, ㄷ, ㄹ

0223 중 서술형

이차항의 계수가 1인 두 이차식 $P(x), Q(x)$ 의 곱이

$x^4 + 5x^3 + 3x^2 - 9x$ 이다. $P(1) \neq 0, Q(0) \neq 0$ 일 때, $Q(-1)$ 의 값을 구하여라.

0224 상

다항식 $ax^4 + bx + 3$ 이 $(x-1)^2 Q(x)$ 로 인수분해될 때, $Q(2)$ 의 값을 구하여라. (단, a, b 는 상수이다.)

02 나머지정리의 인수분해



유형 23

계수가 대칭인 사차식의 인수분해

개념 02 · 5

0225

대표문제

다음 중 $x^4 - 4x^3 + 5x^2 - 4x + 1$ 의 인수인 것은?

- ① $x^2 - x + 1$ ② $x^2 + x + 1$ ③ $x^2 + x - 1$
 ④ $x^2 + 3x - 1$ ⑤ $x^2 - 3x - 1$

0226

중

$x^4 - x^3 - 4x^2 + x + 1$ 을 인수분해하여라.

유형 24

조건이 주어진 다항식의 인수분해

개념 02 · 5

0227

대표문제

$x + 2y - z = 0$ 일 때, 다음 중 $x^2 + 2xy + z^2$ 과 같은 것은?

- ① $2x(y+z)$ ② $2y(z+x)$ ③ $2z(x+y)$
 ④ $2xy(x+y)$ ⑤ $2yz(y+z)$

0228

중

$2a + b + 1 = 0$ 일 때, 다음 중 $1 - 4a^2 + 4ab - b^2$ 과 같은 것은?

- ① $2ab$ ② $4ab$ ③ $8ab$
 ④ $-2ab$ ⑤ $-4ab$

0229

중

$x + y + z = 1$ 일 때, 다음 중 $xyz + x^2y - xy + x + z - 1$ 과 같은 것은?

- ① $-x(xy+1)$ ② $-y(xy+1)$ ③ $x(xy-1)$
 ④ $y(xy-1)$ ⑤ $y(x-1)$

유형 25

인수분해를 이용하여 삼각형의 모양 판단하기

개념 02 · 4, 5

0230

대표문제

삼각형의 세 변의 길이 a, b, c 에 대하여

$$a^3 - a^2b + ac^2 + ab^2 - b^3 - bc^2 = 0$$

이 성립할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

- ① $a=b$ 인 이등변삼각형
 ② $a=c$ 인 이등변삼각형
 ③ $b=c$ 인 이등변삼각형
 ④ 빗변의 길이가 a 인 직각삼각형
 ⑤ 빗변의 길이가 c 인 직각삼각형

0231

중

삼각형의 세 변의 길이 a, b, c 에 대하여

$$a^3 + b^3 + c^3 - 3abc = 0$$

이 성립할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인지 말하여라.

0232 상

다항식 $x^3 - (b+c)x^2 - (b^2+c^2)x + b^3 + b^2c + bc^2 + c^3$ 이 $x-a$ 로 나누어떨어질 때, 세 변의 길이가 a, b, c 인 삼각형의 넓이를 구하여라.

유형 26 인수분해를 이용하여 식의 값 구하기 개념 02 · 4. 5

0233 대표문제

$x-y=3, xy=2$ 일 때, $x^4+x^2y^2+y^4$ 의 값을 구하여라.

0234 중

$a+b+c=0$ 일 때, $\frac{a^3+b^3+c^3}{2abc}$ 의 값은? (단, $abc \neq 0$)

- ① -2 ② $-\frac{3}{2}$ ③ -1
- ④ $\frac{3}{2}$ ⑤ 2

0235 중 서술형

$b-c=2+\sqrt{2}, c-a=2-\sqrt{2}$ 일 때,
 $a^2b-ab^2+b^2c-bc^2+c^2a-ca^2$ 의 값을 구하여라.

유형 27 인수분해를 이용한 수의 계산

개념 02 · 4. 5

0236 대표문제

$\frac{99999^3+1}{99998 \cdot 99999+1}$ 의 값은?

- ① 99997 ② 99998 ③ 99999
- ④ 100000 ⑤ 100001

0237 중

$\sqrt{29 \cdot 31 \cdot 32 \cdot 34 + 9}$ 의 값을 구하여라.

0238 중

$P(x)=x^4-x^3-3x^2+5x-2$ 일 때, $P(11)$ 의 값은?

- ① 11000 ② 12000 ③ 13000
- ④ 14000 ⑤ 15000

0239 상

6^6-1 이 두 자리 자연수 n 으로 나누어떨어진다고 할 때, n 의 값을 모두 구하여라.

0309 중

$x=2+3i$ 일 때, $-x^3+4x^2-15x+5$ 의 값은?

- ① $-6-6i$ ② $-1+6i$ ③ -1
- ④ $1+6i$ ⑤ $6+6i$

0310 상

0이 아닌 두 실수 a, b 에 대하여 $f(a, b) = \frac{a+bi}{a-bi}$ 라 할 때,

$$f(2, 1) + f(4, 2) + f(6, 3) + \dots + f(40, 20)$$

의 값을 구하여라.

유형 04 복소수 z 가 실수 또는 순허수가 되기 위한 조건 개념 03 · 1.4

집중공략

0311 대표문제

복소수 $(1-i)(1+i)a^2 + (2-3i)a - 3i$ 가 순허수가 되도록 하는 실수 a 의 값을 구하여라.

0312 중 서술형

복소수 $z=i(a+2i)^2$ 이 실수가 되도록 하는 양수 a 의 값을 α , 그때의 z 의 값을 β 라 할 때, $\alpha-\beta$ 의 값을 구하여라.

0313 중

복소수 $(1+i)x^2 + (2-5i)x - 8 + 6i$ 가 0이 아닌 실수가 되도록 하는 실수 x 의 값은?

- ① -4 ② -2 ③ 2
- ④ 3 ⑤ 4

유형 05 복소수 z^2 이 실수가 되기 위한 조건 개념 03 · 1.4

0314 대표문제

복소수 $z=x(1-i)+2(-2+i)$ 에 대하여 z^2 이 음의 실수가 되도록 하는 실수 x 의 값을 구하여라.

0315 중

복소수 $z=(a^2-6a+8)+(a-2)i$ 에 대하여 z^2 이 실수가 되도록 하는 모든 실수 a 의 값의 합은?

- ① 3 ② 4 ③ 6
- ④ 8 ⑤ 10

0316 중

복소수 $z=(a+3i)(1+4i)+a(-5+ai)$ 에 대하여 z^2 이 양의 실수가 되도록 하는 실수 a 의 값을 구하여라.